

الفصل الأول الخواص الفيزيائية - الميكانيكية للسوائل

مقدمة عامة : إن معرفة الخواص الفيزيائية وخاصة الميكانيكية للسوائل لها أهمية كبيرة في تطبيقات ميكانيك السوائل ، الذي يبحث في توازن وحركة وتحرير السوائل . والسوائل هي أجسام مادية مترابطة باستمرار (نظرية الوسط المستمر) . ولكنها تتميز عن الأجسام الصلبة بسهولة انزياح جزئياتها المادية فيما بينها وبالتالي بسهولة تغير أشكالها بحسب المكان الذي يحتويها . وتختلف السوائل التي تشمل حالة المادة المائعة والغازية عن بعضها البعض باطفاوة التي تبديها عند تغير الحجم . وعلى هذا الأساس نحيز بين سائل غير قابل للانضغاط $\rho = \text{const}$ ، وسائل قابل للانضغاط "Compressible" ، كثافته تنيرة $\rho \neq \text{const}$ أي تابعة للضغط ودرجة الحرارة $\rho = f(p, T)$.
وأيضاً وقبل البدء في دراسة الخواص المميزة للسوائل لابد من التميز بين مفهوم :
السائل المثالي والسائل الحقيقي .

السائل المثالي : يتميز بانعدام اللزوجة ، غير قابل للانضغاط ، أي لا يتغير حجمه عند تأثير قوى خارجية عليه ، وهو غير متوفر في الطبيعة بل في كثير من الأحيان يمكن اعتماد السائل المثالي لتسهيل الدراسة والحسابات فقط . ويمكن اعتبار المواد والسوائل مثالية .

السائل الحقيقي : يُعرف بأنه السائل الذي يتمتع بلزوجة معينة وقابل للانضغاط . وتعتبر كثافة الموائع والغازات الموجودة في الطبيعة سوائل حقيقية .
بالإضافة لما تقدم يمكن تصنيف السوائل وفق صفات عامة إلى :

سائل متجانس : Homogeneous ، عندما تكون كل جزئياته الحبيبية تتمتع بنفس الصفات .
سائل غير متجانس : Heterogeneous ، عندما تكون للجزئيات الحبيبية صفات مختلفة كالألوان .

سائل متعدد أطوار : عندما يكون السائل مؤلفاً من عدة أطوار "Phase" .

منفصله عن بعضها ويمثل الطور مادة (أو مزيجاً من المواد) كل أجزائها لها نفس الصفات الفيزيائية
أقلية : أجسام صلبة في الماء ، الغبار في الهواء .

1-1- الكثافة "Density": هي إحدى الخواص الفيزيائية الهامة للسوائل وتعرف بأنها

كتلة واحدة الحجم من السائل ويرمز لها بـ ρ

$$\rho = \frac{m}{V} \text{ [Kg/m}^3\text{]}$$

1-2- الحجم النوعي "Specific - Volume": ويعرف بأنه حجم واحدة الكتلة وبالتالي

$$\text{ياوي إلى مقلوب الكثافة} \quad \frac{1}{\rho} = \frac{V}{m} \text{ [m}^3\text{/Kg]}$$

1-3- الوزن النوعي "Specific - Weight": ويعرف بأنه وزن واحدة الحجم من السائل

$$\gamma = G/V \text{ [N/m}^3\text{]}$$

بحسب قانون نيوتن الراس $G = m \cdot g$ يمكن إيجاد العلاقة γ ، ρ كما يلي :

$$\gamma = \frac{m \cdot g}{V} = \frac{m}{V} \cdot g \Rightarrow \boxed{\gamma = \rho \cdot g}$$

أحياناً يقاس الوزن النوعي بوحدة $\text{[Kp/m}^3\text{]}$ علماً بأن :

$$1 \text{ [Kgf]} \equiv 1 \text{ [Kp]} = g \cdot [N] = 9.81 \text{ [N]}$$

السمية	$t \text{ [}^\circ\text{C]}$	$\rho \text{ [Kg/m}^3\text{]}$	$\gamma \text{ [N/m}^3\text{]}$	$\gamma \text{ [Kp/m}^3\text{]}$
ماء	0	999.87	9805.37	999.87
ماء	4	1000	9806.65	1000
بنزين	15	680 - 740	6668.52 - 7256.92	680 - 740
كيروسين	15	790 - 820	7747.25 - 8041.45	790 - 820
نفت خام	15	700 - 900	6864.65 - 8825.98	700 - 900
زئبق	0	13596	133331	13596
زئبق	20	13546	132841	13546

الجدول (1) يبين قيم ρ ، γ لبعض السوائل .

1-4 الانضغاطية "Compressibility" والمرونة "Elasticity": يعبر عن الانضغاطية

بمقدار التغير في الحجم تحت

تأثير قوى الضغط على حجم معين V من السائل أو بتعبير آخر يعتبر التغير

النسبي للحجم بالنسبة لوحد الضغط كمقياس لقابلية السائل على الانضغاط ،
ويُعرف معامل الانضغاطية K_C عند درجة حرارة ثابتة بالعلاقة :

$$K_C = - \left. \frac{dV/V}{dP} \right|_{t=\text{const}} = - \frac{1}{V} \left. \frac{dV}{dP} \right|_{t=\text{const}} \quad \left[\frac{1}{Pa} \right] ; \left[\frac{m^3}{N} \right] ; \left[\frac{m^2}{Kp} \right]$$

وتدل الإشارة السالبة أن زيادة الضغط تؤدي إلى نقص في الحجم .
أما المرونة فهي عكس الانضغاطية وتعرف بأنها قابلية السائل للعودة إلى حجمه
الأصلي وذلك بعد إزالة قوى الضغط المطبقة عليه dP .
يحدد معامل المرونة بالعلاقة :

$$K_E = \frac{1}{K_C} = - V \left. \frac{dP}{dV} \right|_{t=\text{const}} \quad [Pa] ; \left[\frac{N}{m^2} \right] ; \left[\frac{Kp}{m^2} \right]$$

ملاحظات :

أ- يمكن إيجاد علاقات أخرى لمعامل الانضغاطية والمرونة بدلالة التغير النسبي للكثافة
باعتبار أن الكتلة تبقى ثابتة بفعل الانضغاط ($m = \text{const}$) وملاحظة أن :

$$V = m \cdot \vartheta \Rightarrow dV = m \cdot d\vartheta$$

$$d\vartheta = d(1/\rho) = - d\rho / \rho^2 \quad \text{وبما أن :}$$

$$K_C = - \frac{1}{m \cdot \vartheta} \frac{m \cdot d\vartheta}{dP} = \rho \frac{d\rho}{\rho^2 \cdot dP} \Rightarrow \text{وبالعويض في العلاقة الأساس :}$$

$$K_C = \frac{1}{\rho} \frac{d\rho}{dP} \quad ; \quad K_E = \rho \frac{dP}{d\rho}$$

والإشارة الموجبة هنا تدل على أن الكثافة تزداد بازدياد الضغط .

ج- في حالة السوائل غير القابلة للانضغاط نسبياً $\rho \approx \text{const}$ يمكن استبدال التفاضل d
بالفرق Δ فتصبح العلاقات السابقة :

$$K_C = - \frac{1}{V} \frac{\Delta V}{\Delta P} \Big|_{t=\text{const}} \quad ; \quad K_E = - V \frac{\Delta P}{\Delta V} \Big|_{t=\text{const}}$$

فعندما يطرأ تغير في الضغط $\Delta P = P_2 - P_1$ يقابله تغير في الحجم $\Delta V = V_2 - V_1$
ومن أجل نوع معين من السائل تكون قيمة K_C ثابتة فإن :

$$V_2 \approx V_1 (1 - K_C \cdot \Delta P)$$

$$P_2 = \frac{P_1}{(1 - K_c \cdot \Delta P)}$$

أو

حيث: P_1, P_2 تغير الضغط من الحالة (1) إلى الحالة (2)

V_1, V_2 الحجم البدائي والحجم الجديد على الترتيب

P_1, P_2 كثافة السائل عند الضغط P_1, P_2 على الترتيب .

٢- يستفاد من خاصية الطرونة للسوائل في النوايض الهيدروليكية أو هوائية (البنيوماتيكية)

وتنقسم من حيث مخنيئها المحيز النوايض المعدنية القاسية أو اللينة ويسين

الجدول (2) قيم معامل المرونة لبعض السوائل والاهكام الصلبة :

السائل أو حجم الصلب	$K_E [KP/cm^2]$
إيثر	9100
ماء	21100
كبروسين	14050
زئبق	330000
ألمنيوم	700000
فولاذ	2300000

الجدول (2) قيم معامل المرونة K_E

بمقارنة قيم K_E للسوائل والاهكام الصلبة في الجدول السابق نستنتج أن السوائل المائعة أكثر مرونة من الاهكام الصلبة والسوائل الغازية هي أكثر مرونة من السوائل .

١- 5- التمدد الحراري للسوائل : إن السوائل وبفازات شأفها أن الاهكام الصلبة

تتمدد بالحرارة وتقلص بالبرودة . ويعبر عن ذلك

بمعامل التمدد الحراري K_T وهو عبارة عن مقدار التغير في حجم المائع أو لفاز عند تغير درجة حرارته بمقدار درجة مئوية واحدة وذلك من أجل قيمة معينة للضغط :

$$K_T = \frac{1}{V} \left. \frac{dV}{dT} \right|_{P=const} \left[\frac{1}{C^0} \right]$$

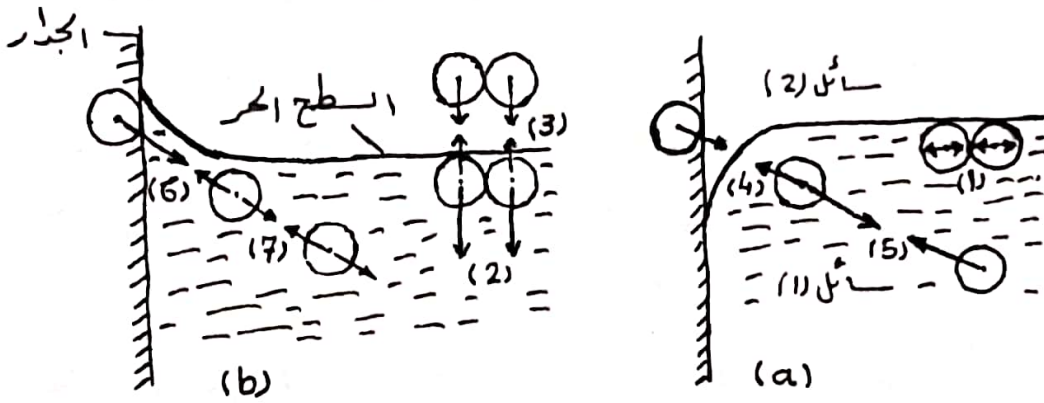
من أجل تغيرات معينة في درجة الحرارة $\Delta T = T_2 - T_1$ ، تعادلها تغيرات في الحجم $\Delta V = V_2 - V_1$

وبفرض أن K_T ثابت القيمة من أجل سائل معين نجد من العلاقة السابقة : $V_2 \approx V_1 (1 + K_T \cdot \Delta T)$.

نجد الإشارة هنا أن الماء يخالف السوائل الأخرى بظاهرة تدعى شذوذ الماء حيث أنه

يتمدد بالبرودة ويقلص بحجم أصغري عند درجة $4^{\circ}C$.

١-٦- التوتر السطحي "Surface Tension". - الخاصية الشعرية "Capillarity":
 إن السطح الحر المتكامل كحد فاصل بين سائلين متلامسين غير متمازيجين (ماء - زيت ، ماء - هواء) يبقى دائماً ليكون أصغر تماماً كما يفعل غشاء مطاطي رقيق محدود بانتظام . وسبب هذا السلوك يعود لكون كل ذرة من السائل ، سواء كانت في الداخل أو على السطح الخارجي الحر تخضع لتأثير قوى جذب الذرات المحيطة بها والمسماة قوى الترابط الذرية Molecular Cohesion Forces . إذاً هذا السطح الحر الفاصل يتألف من مجموعة من الجزيئات الضرورية المترابطة والتي تتجاذب فيما بينها مما يجعل اختراقه يحتاج إلى قوة معينة للتغلب على قوى الشد السطحي هذه . وهذا يفسر سهولة حركة بعض الماء على وجه الماء في الأنهار أو البحيرات ، وكذلك لفه أو دفوس على سطح الحر للماء .



الشكل (١) قوى التجاذب بين جزيئات السائل وقوى الشد السطحي
 لندرس الآن حالة سائل ما موجود في وعاء كما هو مبين في الشكل (١-٦-١) . إن قوى التجاذب بين الجزيئات الموجودة داخل الكتلة تفني بعضها بعضاً . ونجد أن الجزيئات التي تشكل السطح الحر تتجاذب فيما بينها فتشأ قوى الشد السطحي (القوى ١) . كذلك نجد أن هذه الجزيئات تخضع لقوى جذب من قبل الجزيئات التي تقع أسفلها (القوى ٢) أكبر من قوى الجذب التي تقوم بتطبيقها جزيئات السائل (٢) الذي يعمل السطح الحر (القوى ٣) . هذا الأمر يؤدي إلى زيادة إرهافية في ضغط السائل ، فنلاحظ أن طاقة الجزيئات المحيطية لقطرة الماء تنجذب إلى الداخل مما يجعلها تأخذ الشكل الكروي . ويمكن حساب الضغط الإهفائي أو ضغط القوس ΔP_c بالنسبة لقطرة من السائل بالمعادلة ،

$$\Delta P_c = \frac{2 \sigma}{r}$$

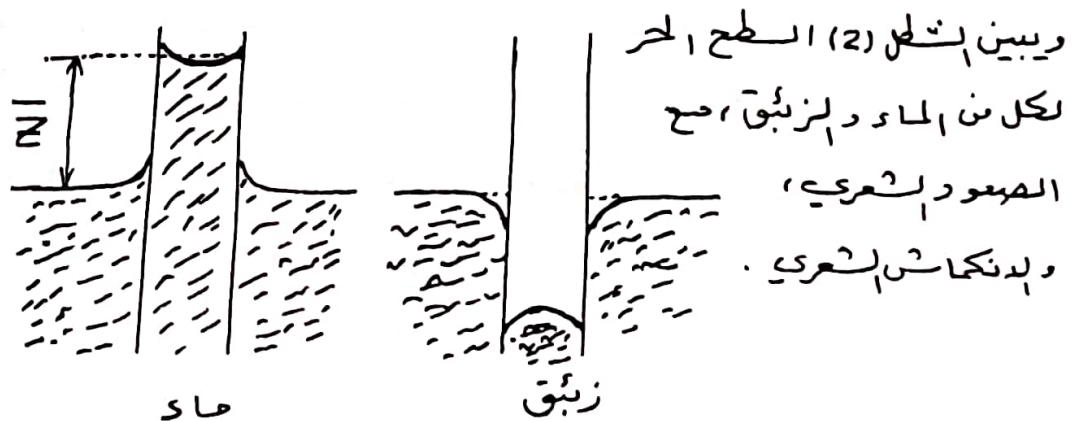
حيث: $\Delta P_c \left[\frac{N}{m^2} \right]$ - الفرق بين ضغط السائل داخل وخارج القطرة .
 $r \text{ [m]}$ - نصف قطر القطرة .

$\sigma \left[\frac{N}{m} \right]$ - قوة الشد السطحي أو التوتر السطحي .

ما سبق يتضح أن الطح الحرة لا لا يحتفظ إلا بالجزئيات الضرورية جداً اللازمة لتكون قشرة الطح بأصغر مساحة ممكنة ولهذا السبب كما ذكرنا تكون قطرات المطر وفقايع الصابون ذات شكل كروي لأن سطحها الخارجي في هذه الحالة بالنسبة لحجم معين يكون أصغرياً .

بالعودة للشكل (1) نلاحظ وجود قوى تجاذب بين جزئيات السائل وجزئيات الجدار . فإذا كانت قوى جذب الجزئيات الداخلية (بقوى 5) للجزئيات المحيطية أكبر من قوى تجاذبها مع جزئيات الجدار (القوى 4) أي أن قوى التماس أكبر من قوى الالتصاق نجد أن الطح الحرة السائل قريباً من الجدار يأخذ شكلاً محدباً مثل (1-أ) ، أما إذا كانت قوى التجاذب بين الجزئيات المحيطية وجزئيات الجدار (بقوى 6) أكبر من قوى التجاذب مع الجزئيات الداخلية المجاورة (القوى 7) يلتصق السائل بالجدار ويأخذ الطح الحرة السائل قرب الجدار شكلاً مقعراً مثل (1-ب) .

حين نغمر أنبوباً شعرياً مفتوحاً من الطرفين في سائل معين فإن سطح الحر للسائل في الأنبوب الشعري لا يقع على مستوى واحد مع سطح الحر خارج الأنبوب . بعض السوائل ترتفع صاعدة في الأنبوب الشعري كالماء (السوائل المبللة للجدران) وبعضها الآخر ينخفض عن مستوى سطح الحر الخارجي كالزئبق (السوائل غير المبللة للجدران) . - تفر هذه الظاهرة بخاصية التماس والالتصاق ! -



السطح (2) الصعود والاندفاع الشعري - سطح الحر .

يتم حساب الارتفاع أو الانخفاض الشعري من العلاقة :

$$\bar{z} = \frac{2 b_0 \cos \theta}{\rho \cdot g \cdot r} \quad [m]$$

حيث :

ρ - كثافة السائل $[Kg/m^3]$

b_0 - التوتر السطحي $[N/m]$

r - نصف قطر الأنبوب $[m]$

θ - زاوية التماس

g - التسارع الأرضي $[m/s^2]$

يمكن أحياناً استخدام علاقات تقريبية لحساب الارتفاع أو الانخفاض الشعري

$$\bar{z} = \frac{30}{d} \quad [mm] \quad \text{ماء}$$

$$\bar{z} = \frac{10}{d} \quad [mm] \quad \text{كحول}$$

$$\bar{z} = -\frac{10.15}{d} \quad [mm] \quad \text{زيتون}$$

حيث، d قطر الأنبوب مقدراً بـ $[mm]$

ملاحظات: ١ - التوتر السطحي b_0 يمثل قوة الشد F الموازية للسطح الخارجي للسائل بالنسبة لكل واحدة طول من الخط المحدد لهذا السطح :

$$b_0 = \frac{dF}{ds} = \text{const} \quad [dF \perp ds] \quad \left[\frac{N}{m} \right], \left[\frac{KP}{m} \right]$$

٢ - قيمة b_0 تبقى ثابتة في كل نقطة من السطح الخارجي، الحر للسائل لمعتبر

وفي كل الاتجاهات ولا تتغير مع تغير السطح بعكس اتجاه الشد

للقضاء المطالي، لذا فإن التوتر السطحي يمثل إحدى الخصائص الفيزيائية

للسائل، وتتعلق قيمته بدرجة الحرارة وقوة جذب الوسط المتأخم للسطح الخارجي.

إن ظاهرة الخاصية الشعرية معروفة منذ القدم حيث أن كثير من الظواهر

الطبيعية مثل عملية امتصاص شجيرات جذور النباتات للمواد المذابة

في التربة، وصعود السوائل في الالهام المائية كالورق والاسفنج

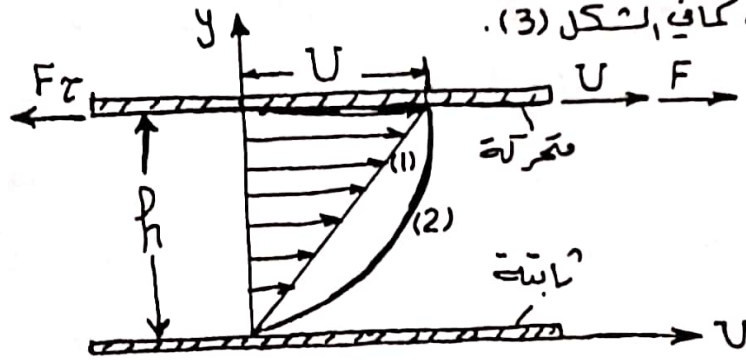
وعنها من الظواهر الأخرى تعتمد على الخاصية الشعرية

١- 7- اللزوجة "Viscosity" :

تعتبر اللزوجة من أهم الصفات الفيزيائية المميزة للسوائل الحقيقية وتلعب دوراً هاماً عند دراسة جرياناتها .

وتعرف اللزوجة بأنها مقاومة السائل لتغير شكله . لذلك فإن كل جسم يتحرك في سائل حقيقي يتلقى مقاومة تستلزم بذل قوى خارجية للتغلب عليها ، وكل سائل حقيقي يجري ضمن أنبوب كالأنابيب مثلاً يخسر جزءاً من قدرته الميكانيكية .

لتوضيح مفهوم اللزوجة ننظر التجربة البسيطة التالية ولإسماء بجران كوفيت "Couette - flow" . نعتبر صفيحتين متوازيتين أفقيتين البعد بينهما h مملوءة بسائل لزج . كما في الشكل (3) .



الشكل (3) جريان كوفيت

العلوية متحركة والآخرى ثابتة (الفلية) . إذا سحبنا الصفيحة العلوية في متوسطها بسرعة U فإن التجربة تبين أن السائل يبقى ملتصقاً بكلتي الصفيحتين . وبالتالي فإن سرعته على سطح الصفيحة الفلية تادي الصفر بينما تادي على سطح الصفيحة العلوية سرعة هذه الصفيحة نفسها U ، أي يتحقق شرط الالتصاق $y=0 \Rightarrow u(y)=0$

$$y=h \Rightarrow u(y)=U$$

لتحريك الصفيحة العلوية يلزم تطبيق قوة جر مماسية F باتجاه حركتها كافية للتغلب على قوة احتكاك السائل المماسية F المادية لها وطعالة بالاجاه . إذا أجرينا عدة تجارب بسرعات U وأبعاد h مختلفة فإن النتائج تؤكد أن القوة المماسية بالنسبة لوحد الطع المبلل $\propto$ تتناسب عكساً مع U

وعكاً مع h أي أن: $\tau \sim \frac{U}{h}$ ونميز هنا بين حالتين:

٢- في حالة h صغير جداً يمكن اعتبار توزيع السرعة خطياً فإن [المخني (١)]:

$$\tau = \frac{F\tau}{A} = \mu \frac{U}{h}$$

هذه العلاقة تمثل قانون نيوتن البسيط للاحتكاك.

ب- في حالة h كبير نسبياً فإن توزيع السرعة غير خطي [المخني (2)]، نبدل في

العلاقة السابقة تغير السرعة باتجاه النأظم $\frac{U}{h}$ بتدرج السرعة $\frac{dU}{dn}$

$$\tau = \mu \frac{dU}{dn}$$

يلتق عليها قانون نيوتن للاحتكاك بصيغته العامة، الذي ينطبق على كافة الجريانات الحقيقية.

بما أن τ يمثل قوة على سطح فهو إذاً إجهاد يخلق عليه إجهاد احتكاك

أو إجهاد القص Shear Stress، أو الإجهاد المماسي. واضح من العلاقة

الأخيرة أن إجهادات القص τ تتناسب طردياً مع سرعة تغير شكل الجسم

$\frac{dU}{dn}$ ، بينما في حالة الجسم الصلب تتناسب إجهادات القص طردياً مع مقدار

تغير الشكل. كافة العوامل التي تخضع للعلاقة السابقة تدعى بالوئل لينوتونية.

• إن معامل التناسب μ يمثل ثابتاً فادياً لها قيمة محددة بالنسبة

لأول معين ويطبق عليها اللزوجة الحركية (ديناميكية) Dynamic-Viscosity،

وتقاس بـ: $\left[\frac{N \cdot s}{m^2} \right]$ في المحلة الدولية.

$\left[\frac{KP \cdot s}{m^2} \right]$ في المحلة التكنيكية.

(Poise) [cP]، [P] في المحلة الغزيائية

حيث أن: سنتواز [cP] = 10^3 بواز [P] = 10 $\left[\frac{KP \cdot s}{m^2} \right] = \frac{1}{9.81} \left[\frac{N \cdot s}{m^2} \right]$

تستخدم في ميكانيك الوئل اللزوجة الحركية وهي عبارة عن

النسبة: $\frac{\mu}{\rho} = \nu$ ، حيث يتم استخدامها عادة في الوئل

غير القابلة للانضغاط وتقدر بـ $\left[\frac{m^2}{s} \right]$ في المحلة الدولية، أو بواحدة

[St] ستوكس Stokes، في المحلة السغشية، حيث أن:

$$1 \left[\frac{m^2}{s} \right] = 10^4 [St] = 10^6 [cSt]$$

أُسْئَلَةٌ وَمَسْأَلَةٌ

١٠. أولاً ، أجب بكلمة صحيحة أو خطأ فقط على الأسئلة التالية :

- ١- عندما تتمتع كل الجزئيات الجميعة لائل ما بنفس الصفات فهو لائل متجانس .
- ٢- يتناسب معامل الانضغاطية K_c لائل معين طردأ مع التغير النسبي لكثافته .
- ٣- الفرق بين الضغط داخل وخارج قطرة ماء ينقص كلما صغر حجمها .
- ٤- يتناسب ارتفاع اللائل في الأنبوب شعري طردأ مع قطره d .
- ٥- إن اللزوجة التريكية لائل مثالي لا تتعلق بتغيرات درجة الحرارة .
- ٦- كلما زاد الضغط على لائل غير قابل للانضغاط فإن لزوجة التريكية سوف تتناقص .
- ٧- يعتبر التوتر الطحي σ من الخواص الفيزيائية المميزة للوائل .
- ٨- اجهاد القص للوائل النيوتونية يتناسب طردأ مع سرعة تغير الشكل .

ثانياً ، اجب على الأسئلة التالية :

- ١- عرف رياضياً مع ذكر واحدة القياس ما يلي : الكثافة - الوزن النوعي - معامل الانضغاطية - معامل العدد الحراري - التوتر الطحي .
- ٢- برهن أن معامل الانضغاطية K_c لائل ما يتناسب طردأ مع التغير النسبي لكثافته ρ .
- ٣- هل يتغير ارتفاع أو انخفاض السعور الشعري في الأنبوب شعري مغروس في لائل ما بتغير وضعيته ولماذا ؟ .
- ٤- كيف يمكن تغير إمكانية طفو كرة أودبوس على وجه الماء ؟
- ٥- شكل الطح الحر للزئبق في أنبوب شعري يكون محدباً وللماء مقعراً ، علل ذلك مع الرسم .
- ٦- ماهي الخاصية الشعرية وما هو تغيرها ؟
- ٧- عرف اللزوجة ثم اشرح بجرية كوكيت مستخرجاً قانون نيوتن للاضطال بصيغته العامة .
- ٨- متى تنعدم الاجهادات المماسية (اجهادات القص) في لائل ؟ .
- ٩- كيف تتغير اللزوجة الحركية للوائل العالبة للانضغاط تبعاً لتغيرات الضغط ودرجة الحرارة .
- ١٠- كيف تتغير اللزوجة التريكية للوائل الغير قابلة للانضغاط تبعاً لتغيرات الضغط ودرجة الحرارة .

ثانياً: حل المسائل التالية

- ١- إذا كان حجم ساربان الماء ونفط مقداره $10 [l]$ يحتوي عند درجة حرارة $4^\circ C$ ، كتلة $10 [kg]$ ، $8,2 [kg]$ على الترتيب . ماهي كثافة كل من الماء والنفط .

الاجوبة : $\rho_w = 10^3 \left[\frac{kg}{m^3} \right]$ ؛ $\rho_N = 820 \left[\frac{kg}{m^3} \right]$

- ٢- وعاء اسطواني قطره $d = 3 [m]$ ، وطوله $l = 6 [m]$ يحتوي نفط كثافته $\rho = 850 \left[\frac{kg}{m^3} \right]$ ، ماهي كتلة النفط في الوعاء الجواب : $m = 3,6 \cdot 10^4 [kg]$

- ٣- مزيج مؤلف من 30% كيرسين ، 70% مازوت ، فإذا كانت كثافة الكيرسين $\rho_K = 790 \left[\frac{kg}{m^3} \right]$ ، والمزوت $\rho_m = 900 \left[\frac{kg}{m^3} \right]$. ماهي كثافة المزيج الجواب : $\rho = 867 \left[\frac{kg}{m^3} \right]$

- ٤- خزان اسطواني الشكل قطره $d = 10 [m]$ ، يحتوي نفط كثافته $\rho = 900 \left[\frac{kg}{m^3} \right]$ ، ارتفاع $H = 12 [m]$ عند درجة حرارة $t = 15^\circ C$. فإذا تغيرت درجة الحرارة لتصبح $40^\circ C$ ، فما هو مقدار تغير ارتفاع النفط داخل الخزان ، إذا كان معامل التمدد الحراري للنفط $\alpha_T = 6,4 \cdot 10^{-4} \left[\frac{1}{^\circ C} \right]$. يحل بمد جدران الخزان .

الجواب : $\Delta H = 0,192 [m]$

- ٥- انبوب قطره $d = 0,3 [m]$ وطوله $l = 100 [m]$ يستخدم للتجارب الهيدروليكية مملوء بماء ضئيلة مادي للضغط الجوي ، فإذا أردنا أن يكون مقدار تغير الضغط داخل الانبوب مادي $5 [MPa]$ ، وأن معامل الانضغاطية للماء $K_c = 0,5 \cdot 10^{-9} \left[\frac{1}{Pa} \right]$. ماهي كمية الماء الواجب حقنها في الأنبوب . يحل

الجواب : $\Delta V = 1,77 \cdot 10^2 [m^3]$ كفاءة تسوّهات الأنبوب

- ٦- وصفت هيدرومترية معدنية رفيعة وضئيلة ماحتها



$A = 600 [cm^2]$ فوق مستوى